

Lezione R12

Real-time su multiprocessore II

Sistemi operativi open-source, embedded e real-time

6 dicembre 2017

Marco Cesati

Dipartimento di Ingegneria Civile e Ingegneria Informatica
Università degli Studi di Roma Tor Vergata



Schema della lezione

EDF-FFDD

Scheduler globali

EDF globale

EDF-US[ζ]

EDF(k)

RM globale

RM-US[ζ]

Di cosa parliamo in questa lezione?



In questa lezione continuiamo a parlare del problema della schedulazione real-time in sistemi multiprocessore, con particolare enfasi sugli scheduler globali

Schema della lezione

EDF-FFDD

Scheduler globali

EDF globale

EDF-US[ζ]

EDF(k)

RM globale

RM-US[ζ]

- 1 EDF-FFDD
- 2 Scheduler globali
- 3 EDF globale
- 4 EDF-US[ζ]
- 5 EDF(k)
- 6 RM globale
- 7 RM-US[ζ]

L'euristica "first fit" accoppiata all'algoritmo di schedulazione EDF dà luogo all'algoritmo di allocazione "on-line" EDF-FF:

- 1 ordina arbitrariamente i processori: P_1, P_2, \dots
- 2 assegna ciascun task T_i al primo processore P_j tale che l'insieme dei task già assegnati a P_j insieme a T_i risulta ancora schedulabile tramite EDF

- $U_{\text{EDF-FF}} = \frac{\beta \cdot m + 1}{\beta + 1}$, $\beta = \left\lceil 1 / \max_k \frac{e_k}{p_k} \right\rceil$ (Lopez & al., 2000)
- Fattore di approssimazione: 1.7 (Garey & Johnson, 1979)

EDF-FF è ottimale tra tutti gli algoritmi partizionati:

$$\beta = 1 \implies U_{\text{EDF-FF}} = (m + 1)/2$$



Schema della lezione

EDF-FFDD

Scheduler globali

EDF globale

EDF-US[ζ]

EDF(k)

RM globale

RM-US[ζ]

È possibile estendere gli algoritmi partizionati basati su “first fit” anche a task sporadici con scadenze arbitrarie

Ad esempio, EDF-FFDD (Baruah & Fisher 2005):

- 1 ordina arbitrariamente i processori: P_1, P_2, \dots
- 2 ordina i task sporadici per densità $\frac{e_i}{\min\{p_i, d_i\}}$ decrescenti
- 3 assegna ciascun task T_i al primo processore P_j tale che l'insieme dei task già assegnati a P_j insieme a T_i risulta ancora schedulabile tramite EDF

Condizione di schedulabilità:

$$\Delta_T \leq \begin{cases} m - (m - 1)\Delta_{\max} & \text{se } \Delta_{\max} \geq 1/2 \\ m/2 + \Delta_{\max} & \text{se } \Delta_{\max} \leq 1/2 \end{cases}$$



Schema della lezione

EDF-FFDD

Scheduler globali

EDF globale

EDF-US[ζ]

EDF(k)

RM globale

RM-US[ζ]



Ha senso considerare algoritmi di schedulazioni multiprocessore globali (non partizionati)?

Assumiamo in questa lezione che tutti i job siano indipendenti, interrompibili, migrabili e senza auto-sospensioni

Problematiche da affrontare:

- anomalie di schedulazione
- istanti critici
- utilità rispetto a EDF partizionato

Schema della lezione

EDF-FFDD

Scheduler globali

EDF globale

EDF-US[ζ]

EDF(k)

RM globale

RM-US[ζ]

I sistemi multiprocessori presentano **anomalie di schedulazione** (cfr. R11.15)

Teorema (Ha & Liu, 1994)

Sistemi di task periodici interrompibili e migrabili su multiprocessore schedulati con algoritmi a priorità fissa (a livello di task o di job) sono **predicibili** e quindi non presentano anomalie di schedulazione dipendenti dal tempo di esecuzione dei job

Purtroppo esistono altre anomalie legate alla variazione di altri parametri temporali



Schema della lezione

EDF-FFDD

Scheduler globali

EDF globale

EDF-US[ζ]

EDF(k)

RM globale

RM-US[ζ]

Algoritmi a priorità fissa a livello di job come **EDF** sono ottimali nel caso uniprocessore e negli scheduler multiprocessore partizionati.

Quale vantaggio avrebbero gli scheduler globali?

Tra gli scheduler partizionati **EDF** è ottimale, ma non è ottimale in assoluto. Esistono algoritmi globali a priorità dinamica a livello di job che sono ottimali (cfr. algoritmo **Pfair**)



Schema della lezione

EDF-FFDD

Scheduler globali

EDF globale

EDF-US[ζ]

EDF(k)

RM globale

RM-US[ζ]



Schema della lezione

EDF-FFDD

Scheduler globali

EDF globale

EDF-US[ζ]

EDF(k)

RM globale

RM-US[ζ]

Teorema (Baruah 2008)

Un sistema di task sporadici con scadenze arbitrarie è schedulabile con m processori con un algoritmo globale a priorità dinamica a livello di job se

$$\Delta_T = \sum_i \frac{e_i}{\min_i\{d_i, p_i\}} \leq m \quad \text{e} \quad \Delta_{\max} = \max_i \frac{e_i}{\min\{p_i, d_i\}} \leq 1$$

Corollario

Un sistema di task sporadici con scadenze implicite è schedulabile con m processori con un algoritmo globale a priorità dinamica a livello di job se e solo se

$$U_T = \sum_i \frac{e_i}{p_i} \leq m \quad \text{e} \quad U_{\max} = \max_i \frac{e_i}{p_i} \leq 1$$



Il rilascio in fase di tutti i job non corrisponde necessariamente ad un istante critico (cfr. R11.18)

Non è possibile o pratico analizzare il sistema tramite la funzione di tempo necessario: come dimostrare la schedulabilità di un sistema?

Possiamo utilizzare le condizioni di schedulabilità legate al fattore di utilizzazione o alla densità dei task!

Schema della lezione

EDF-FFDD

Scheduler globali

EDF globale

EDF-US[ζ]

EDF(k)

RM globale

RM-US[ζ]



Vale comunque l'**effetto Dhall**: dato un qualunque numero $m > 1$ di processori, esistono sempre insiemi di task periodici schedulabili con utilizzazione totale costante (rispetto a m) che non possono essere schedulati con un algoritmo RM, DM o EDF (cfr. R11.12,13)

L'**effetto Dhall** è condizionato alla presenza di un task periodico con utilizzazione vicina all'unità. Possiamo quindi correlare l'utilizzazione massima dei vari task con la schedulabilità del sistema

[Schema della lezione](#)

[EDF-FFDD](#)

[Scheduler globali](#)

[EDF globale](#)

[EDF-US\[\$\zeta\$ \]](#)

[EDF\(\$k\$ \)](#)

[RM globale](#)

[RM-US\[\$\zeta\$ \]](#)

Teorema (Srinivasan & Baruah 2002; Goossens, Funk & Baruah 2003)

Un sistema T di task sporadici con scadenze implicite, utilizzazione totale U_T , e utilizzazione massima dei task U_{\max} , è schedulabile con EDF globale su un sistema con m processori se

$$U_T \leq m - (m - 1) \cdot U_{\max}$$

Casi limite:

- $U_{\max} = 1 \Rightarrow U_T \leq 1 \Rightarrow$ effetto Dhall
- $U_{\max} = 0 \Rightarrow U_T \leq m \Rightarrow$ EDF globale è ottimale

Il teorema vale per scadenze non implicite?



[Schema della lezione](#)

[EDF-FFDD](#)

[Scheduler globali](#)

[EDF globale](#)

[EDF-US\[\$\zeta\$ \]](#)

[EDF\(\$k\$ \)](#)

[RM globale](#)

[RM-US\[\$\zeta\$ \]](#)

Teorema (Bertogna, Cirenei & Lipari 2005)

Un sistema T di task sporadici con scadenze arbitrarie, densità totale Δ_T , e densità massima dei task Δ_{\max} , è schedulabile con EDF globale su un sistema con m processori se

$$\Delta_T \leq m - (m - 1) \cdot \Delta_{\max}$$

Esistono diverse altre condizioni di schedulabilità per EDF globale basate sulla densità dei singoli task e/o sul calcolo del tempo di processore richiesto dai task

È possibile avere algoritmi di schedulazione a priorità fissa migliori di EDF globale per insiemi di task generici?



Schema della lezione

EDF-FFDD

Scheduler globali

EDF globale

EDF-US[ζ]

EDF(k)

RM globale

RM-US[ζ]

EDF-US[ζ] è un algoritmo di schedulazione “ibrido”

- Proposto da Srinivasan e Baruah nel 2002
- ζ è un parametro dell'algoritmo, $\zeta \leq 1$
- Una parte dei task ha priorità fissa
 - Sono i task T_i tali che $e_i/p_i > \zeta$
 - Tutti questi hanno identica priorità
- L'altra parte dei task ha priorità inferiore
 - Schedulati con EDF
- Idea fondamentale:
 - ai task “grandi” sono assegnati per primi i processori disponibili
 - i task “piccoli” vengono schedulati con il tempo di processore rimanente



Schema della lezione

EDF-FFDD

Scheduler globali

EDF globale

EDF-US[ζ]

EDF(k)

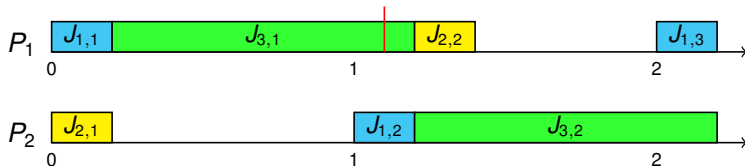
RM globale

RM-US[ζ]

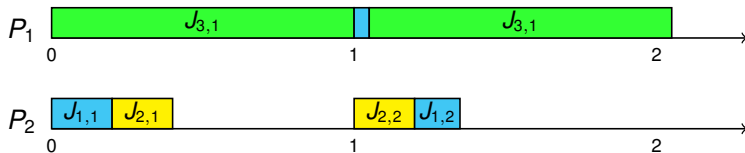
Esempio di schedulazione EDF-US[ζ]

Consideriamo $T_1 = (1, 1/10)$, $T_2 = (1, 1/10)$, $T_3 = (21/20, 1)$
($U_T = 121/105$)

Schedulazione con EDF globale:



Schedulazione con EDF-US[1/2]:



Schema della lezione

EDF-FFDD

Scheduler globali

EDF globale

EDF-US[ζ]

EDF(k)

RM globale

RM-US[ζ]

Teorema (Srinivasan & Baruah, 2002)

Un sistema di task sporadici con scadenze implicite è schedulabile con EDF-US[$m/(2m - 1)$] su m processori se

$$U_T \leq m^2 / (2m - 1)$$

Corollario (Baker, 2005)

Un sistema di task sporadici con scadenze implicite è schedulabile con EDF-US[$1/2$] su m processori se

$$U_T \leq (m + 1) / 2$$

Nessun algoritmo di schedulazione globale con priorità fissa a livello di task o job può avere fattore di utilizzazione maggiore di $(m + 1) / 2$ (Andersson et. al. 2001, cfr. R11.19)

Possono esistere algoritmi di schedulazione globale a priorità fissa migliori di EDF-US[$1/2$]? **Si!**



Schema della lezione

EDF-FFDD

Scheduler globali

EDF globale

EDF-US[ζ]

EDF(k)

RM globale

RM-US[ζ]

EDF(k) è un algoritmo di schedulazione “ibrido”

- Proposto da Goossens, Funk e Baruah nel 2003
- k è un parametro dell'algoritmo, $k < m$
- Una parte dei task ha priorità fissa
 - Sono i $k - 1$ task T_i che hanno fattore di utilizzazione e_i/p_i più alto
 - Tutti questi hanno identica priorità
- L'altra parte dei task ha priorità inferiore
 - Schedulati con EDF
- Medesima idea fondamentale:
 - ai task “grandi” sono assegnati per primi i processori disponibili
 - i task “piccoli” vengono schedulati con il tempo di processore rimanente



Schema della lezione

EDF-FFDD

Scheduler globali

EDF globale

EDF-US[ζ]

EDF(k)

RM globale

RM-US[ζ]

Teorema (Goossens, Funk & Baruah, 2003)

Un sistema di task sporadici con scadenze implicite è schedulabile con EDF(k) su m processori se

$$(k - 1) + \left\lceil \frac{U_T - u_k}{1 - u_k} \right\rceil \leq m$$

ove u_k è il fattore di utilizzazione del k -esimo task (ordinando i task per fattore di utilizzazione non decrescente)

Algoritmo EDF(k_{\min}) (Baker 2005)

Sia fissato m (il numero di processori), e sia k_{\min} il minimo valore di k che soddisfa la condizione del teorema precedente. Un sistema di task sporadici con scadenze implicite è schedulabile con EDF(k_{\min}) se $U_T \leq (m + 1)/2$

L'insieme di sistemi di task schedulabili da EDF-US[1/2] è un sottoinsieme proprio dell'insieme di EDF(k_{\min})!



Schema della lezione

EDF-FFDD

Scheduler globali

EDF globale

EDF-US[ζ]

EDF(k)

RM globale

RM-US[ζ]



Scheduler globali o ibridi che utilizzano protocolli a priorità fissa a livello di task

- non possono avere prestazioni superiori agli scheduler globali o ibridi basati su priorità dinamica a livello di task
- in pratica sono molto considerati, perché
 - semplici da implementare
 - presenti in ogni RTOS
 - più robusti in caso di job che superano il WCET calcolato in fase di design

Schema della lezione

EDF-FFDD

Scheduler globali

EDF globale

EDF-US[ζ]

EDF(k)

RM globale

RM-US[ζ]

Teorema (Andersson, Baruah & Jonsson 2001)

Un sistema di task periodici con scadenze implicite tale che $U_{\max} \leq m/(3m - 2)$ è schedulabile globalmente con RM su m processori se

$$U_T \leq m^2/(3m - 1)$$

Teorema (Baker 2003; Bertogna, Cirenei & Lipari 2005)

Un sistema di task sporadici con scadenze implicite è schedulabile globalmente con RM su m processori se

$$U_T \leq \frac{m}{2} (1 - U_{\max}) + U_{\max}$$

Esistono anche condizioni di schedulabilità per sistemi di task con scadenze arbitrarie ma hanno in genere formulazioni più complicate



Schema della lezione

EDF-FFDD

Scheduler globali

EDF globale

EDF-US[ζ]

EDF(k)

RM globale

RM-US[ζ]

RM-US[ζ] è un algoritmo di schedulazione “ibrido”, analogo a EDF-US[ζ]

- Proposto da Andersson, Baruah e Jonsson nel 2001
- ζ è un parametro dell'algoritmo, $\zeta \leq 1$
- Una parte dei task ha priorità fissa
 - Sono i task T_i tali che $e_i/p_i > \zeta$
 - Tutti questi hanno identica priorità
- L'altra parte dei task ha priorità inferiore
 - Schedulati con RM
- Medesima idea fondamentale di EDF-US[ζ]:
 - ai task “grandi” sono assegnati per primi i processori disponibili
 - i task “piccoli” vengono schedulati con il tempo di processore rimanente



Schema della lezione

EDF-FFDD

Scheduler globali

EDF globale

EDF-US[ζ]

EDF(k)

RM globale

RM-US[ζ]

Teorema (Andersson, Baruah & Jonsson 2001)

Un sistema di task periodici con scadenze implicite è schedulabile con RM-US[$m/(3m - 2)$] su m processori se

$$U_T \leq m^2 / (3m - 1)$$

Teorema (Baker 2003; Bertogna, Cirenei & Lipari 2005)

Un sistema di task sporadici con scadenze implicite è schedulabile con RM-US[$1/3$] su m processori se

$$U_T \leq (m + 1)/3$$

Il miglior valore possibile per ζ è $\zeta = 0,37482$, con utilizzazione massima pari a 0,37482 (Lundberg 2002)

Sono stati studiati anche gli algoritmi RM(k) e RM(k_{\min}), analoghi a quelli basati su EDF



Schema della lezione

EDF-FFDD

Scheduler globali

EDF globale

EDF-US[ζ]

EDF(k)

RM globale

RM-US[ζ]